

Introduction:

[« suivant l'affirmation de Wikipédia sur cette conjecture de Goldbach :

« Le **théorème des nombres premiers** affirme qu'un entier m sélectionné aléatoirement d'une manière brute possède $(1/\text{Ln } m)$ chance d'être premier. Ainsi, si n est un grand entier **pair** et m , un nombre compris entre **3** et $n/2$, alors on peut s'attendre à ce que la probabilité que m et $n - m$ soient tous deux premiers soit égale à $1 / (\text{Ln } n \cdot \text{Ln } m)$. Cet argument heuristique n'est pas rigoureux pour de nombreuses raisons; par exemple, on suppose que les **événements** que m et $n - m$ **soient premiers sont statistiquement indépendants l'un de l'autre.** »

l'algorithme de Goldbach permet de prouver **que cette affirmation n'est pas non plus rigoureuse** voir « **Fausse** », pour une limite m fixée, car il s'agit d'un même événement. Rien ne nous assure que $n - m$ soit de la bonne famille de nombres premiers complémentaires par rapport à n , **car les 8 familles de nombres premiers de la forme $30k + (i)$ sont disjointes ; avec $i \in \{1,7,11,13,17,19,23,29\}$. Il s'ensuit que la probabilité de tirer dans la bonne famille est de $1/8$...**

(« cet algorithme permet donc de modifier, la fonction asymptotique du TNP dans ces **8 Fam (i)** de nombres premiers $p' > 5$, représentant 26,666... % des entiers naturels non nuls; soit $n / 3,75$. »)

Car en effet, si on considère comme événement le calcul du nombre de nombres premier $q \in [m ; n]$ **il dépend statistiquement de la congruence des entiers $m \leq n/2$ pour une limite m fixée, ainsi que sa famille complémentaire, autrement dit $q = n - m$ à pour antécédent : $m \not\equiv n [P]$ et donc, si et seulement si m' est un nombre premier $p' \leq n/2$ et tel que : $m' \equiv n [P]$, alors **q' a pour antécédent $m' = p'$ appartenant à la bonne famille (i) de nombres premiers $n - m$ « ils ne sont donc pas statistiquement indépendant l'un de l'autre et ne sont pas incompatibles ; ils sont complémentaires.**»**

Il s'agit d'un seul et même événement, dépendant de la **congruence de $m \Rightarrow n - m$** un nombre premiers **q ou pas ; et où q' serra donc le complémentaire de $m' = p'$ par rapport à n ; c'est donc une indépendance impossible.** (« quand bien même la primalité de p' ne dépend pas de la primalité de q et de sa Fam (i). »)

On peut déjà en déduire et affirmer, avec l'algorithme de Goldbach et celui d'Ératosthène, que cette fonctions ci-dessus $(1/\text{Ln } m * \text{Ln } n)$ est parfaitement justifiée et permet « d'estimer une quantité positive » d'entiers $m < n/2$ premiers, mais aussi d'être **non congru à $n \pmod{P}$** , car c'est une conséquence directe du TNP où : $m / \text{Ln } n$ est équivalent **au nombre de $m \not\equiv n [P]$ qui impliquent un nombre équivalent de nombres premiers $q \in [m ; n]$ de sa Famille (i) complémentaire, lorsque $m \rightarrow + \infty$.**

Par conséquent, on pourra toujours en déduire au minimum $(m / \text{Ln } m * \text{Ln } n)$, un nombre d'entiers $m \not\equiv n [P]$ premier ou pas, qui précèdent un entier $m' = p' \leq n/2$; ce qui impliquera pour la limite suivante $(n/2 + 1) : p' + q = n + 2$.

« Que l'on verra ci-après, **avec la propriété récurrente** du crible de Goldbach et le fonctionnement de ces deux cribles, qui caractérisent les fonctions du TNP ; ainsi que les définitions relatives à ces algorithmes dans ces 8 Fam(i).»

On en déduit le raisonnement suivant : ces entiers $m' = p'$, tel que $m' \equiv n [P]$ fait de par cette congruence, que **statistiquement** il s'agit du même événements que m' et n' soit premiers et **suivant le TNP on peut s'attendre à ce que la probabilité de sélectionner un entier $m' \equiv n [P] \Rightarrow m'$ et $n - m'$ deux nombres premiers est égale à $1 / (\text{Ln } n \cdot \text{Ln } m)$; car en fait, il s'agit simplement de sélectionner un seul entier m dans la limite concernée $(1 : n/2)$; caractérisé par ces deux algorithmes, dont celui de **Goldbach** que l'on va utiliser **pour recribler** les nombres $m' = p' \leq n/2$ ayant été criblés au par avant par **Ératosthène**, selon le même principe et la même limite, expliqué ci dessous en **a :** et **b :**.)»]**

Pour en déduire en fonction d'une limite fixée n et non $2n$, la fonction asymptotique $n / (\ln n \cdot \ln 2n)$ qui estime le nombre d'entiers naturels non nul $A' = p'$ premier, non congruent modulo P , ce qui $\Rightarrow q = 2n - p'$.
Cela permettrait de prouver, que cette fonction «conséquence du TNP» pour toute limite $n \geq 3$ fixée, ne peut être nulle ie : il existe toujours $p'+q = 2n$.

Note:

Il convient de remarquer que l'algorithme de Goldbach à la même propriété que celui d'Ératosthène pour une limite n fixée. La fonction $G(n)$ indique le nombre d'entiers non nuls $A \not\equiv 2n[P]$ avec $P \leq \sqrt{2n}$, cela implique le nombre d'entier q premiers $\in [n;2n]$ et sa fam(i) complémentaire.

Par conséquent cette fonction $G(n)$ vaut $\approx \lim_{n \rightarrow +\infty} \square \frac{n}{(\log 2n)}$, c'est un corollaire du TNP.

[« On peut en déduire, que supposer un nombre fini de couples $p + q = 2n$, revient à supposer un nombre fini de nombres premiers $q \in [n;2n]$ à partir d'une limite fixée $n > 150$, quelque soit une des 8 familles **Fam** $30k + i$; fixée avec $i \in (1,7,11,13,17,19,23,29)$, car il faudrait que tous les entiers A soient congrus à P , ce qui est impossible . Cela est dû à la propriété récurrente de l'algorithme de Goldbach , que l'on va expliquer ci dessous.

On peut montrer, que l'interprétation de la comète de Goldbach est une interprétation erronée « c'est un effet boule de neige » qui grossit et utilise la propriété récurrente du décalage d'un rang des congruences , dans l'algorithme de Goldbach ; ceci permet de comprendre et d'expliquer pourquoi le nombre de solutions ($p+q = 2n$) augmentent de façon oscillatoire lorsque $2n \rightarrow \infty$ par pas de 30, quelque soit l'une des 8 familles $30k + i$ utilisée.

Les deux algorithmes jumeaux fonctionnent de façon disjointe, pour une même limite n fixée avec sa famille correspondante. C'est à dire que les index de départ des deux algorithmes sont différents. »]

Légende de l'illustration exécuté avec le crible de : Goldbach, Ératosthène et EG2 unifiés.

Le crible G est une variante du crible d'Ératosthène, en utilisant les congruences pour une limite n:
«Propriété que l'on va utiliser sur les entiers A impairs non nul de 1 à n , congrus ou pas à $2n$ modulo P :
si A est congru = 0 ; sinon = 1.»

Pour dans un premier temps, marquer les entiers A congrus à $2n$ modulo $P \leq \sqrt{2n}$, où A et $2n$ partagent le même reste dans la division par P , par conséquent et indirectement dans un deuxième temps : indiquer les multiples de P tel que $2n - A = B$ de sa famille complémentaire.

Propriété des congruences petit rappel, $2n - A = B$:

Il existe y et y' tel que : $2n = P*y + R$ et $A = P*y' + R \Rightarrow 2n - A = P*(y - y')$; donc P divise $2n - A = B$. Inversement si y n'existe pas , alors P ne divise pas la différence $2n - A = B \Rightarrow q$ qui est donc un nombre premier $\in [n;2n]$.

Ce document a pour but de vérifier pour une limite n fixée, les deux ensembles d'entiers naturels non nul $A_n \leq n$, définis ci-après en fonction de leur congruence, représentés par des 1 ou des 0, en progression arithmétique de raison 30 et P un nombre premier $\leq \sqrt{2n}$.

Afin d'en déduire l'impossibilité d'infirmer cette conjecture.

Résumé :

1_) l'ensemble des entiers A_n avec les $A' \not\equiv 2n [P]$ premiers p' vérifiant la conjecture $p'+q = 2n$.

2_) l'ensemble des A_n criblés, avec les $A \not\equiv 2n [P]$ pas nécessairement premiers, mais qui précèdent un nombre premier ($A + 30 = P''$) pour la même limite n , qui vérifieront la conjecture pour la limite suivante $n = 15(k+1) + i$ ce qui donnera ($p'' + q = 2n + 30 = 30(k+1) + 2i$). Ces deux ensembles sont

en moyenne de même densité pour une même limite n lorsque $n \rightarrow \infty$, de la forme $15k + i$, avec $i \in \{1; 7; 11; 13; 17; 19; 23; 29\}$.

On va utiliser les congruences et le principe d'Ératosthène pour cribler les entiers $\leq n$, tel que: $A \equiv 2n[P]$ qui sera marqué **0**, sinon il reste marqué **1 en rouge**.

Le premier ensemble A_n ligne E « Ératosthène » qui vérifient la conjecture $(p' + q = 2n)$ pour la limite n criblée par G, est constitué des entiers A' premiers $p' = [1]$ (non congru à $2n \pmod{P}$), $2n \neq A[P]$.

$E[1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1]$ les 1 ou **1** sont les nombres premiers p' d'Ératosthène criblé ; ce qui permet de s'affranchir de la Famille complémentaire correspondante à q le complémentaire de p' par rapport à $2n$.

Alors que ce même ensemble A_n d'entiers marqués en vert, ligne E : $E[1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1]$ représente que les $A \neq 2n[P]$ avec $A = 1$ ou **0** qui précèdent un nombre premier p' ; d'où $(A+30)+q$ vérifiera la conjecture pour la limite suivante $2n + 30$ ligne E, devenant ainsi $A+30 = p'$ non congru modulo P, grâce au décalage d'un rang des congruences, lorsque la limite n augmente de 15, propriété récurrente de l'algorithme G

« Ces A ne sont pas obligatoirement premier, l'important est qu'ils soient non congruent à P ».

On obtiendra le résultat $(p' + q = 2n+30)$ pour la limite suivante criblée: $n+15 \Rightarrow 2n + 30$.

Ce deuxième ensemble d'entiers A_n , à l'avantage de ne pas tenir compte uniquement des nombres premiers $p' \leq n$.

Il contient pour une même limite n fixée, les entiers $A \in A_n$ premiers ou pas avec les $A \neq 2n [P]$ qui précèdent les nombres premiers p' suivant l'illustration ci-dessous.

1a_):

Première ligne du crible G:

Ce sont les entiers $A \in A_n$ non nul de $[1 \text{ à } n]$ appartenant à une famille Fam(i); en progression arithmétique de raison 30, de premier terme (i) $\in \{1,7,11,13,17,19,23,29\}$ qui sont criblés $A = 0$ par $P \in P_{2n} \leq \sqrt{2n}$ pour une limite $n = 15k$ ou $15k+(i)$, en utilisant les congruences.

Les $A = 1$ sont les A non congrus modulo P avec $2n$: ($2n \neq A [P]$) d'où $2n - A = q > n$, premier car non divisible par P.

On aura compris, que les $A = 0$, sont les entiers qui partagent le même reste R avec $2n$ dans la division euclidienne par P: $2n \equiv A [P]$ ou encore, $2n - A = B$ n'est donc pas premiers car congru 0 modulo P.

2a_):

Ligne E: en dessous de la ligne G, c'est la même ligne des A_n criblés pour la même limite $n=15k$, mais par le crible E Ératosthène, avec $P \in P_n$ l'ensemble des nombres premiers $\leq \sqrt{n}$.

Les $A = 1$ sont les nombres premiers $p' \leq n$, non congru (mod P) et si ils sont congrus (mod P) ils seront marqués en rouge 1.

Les 0 en rouge ou 0 en noir bien sûr, sont les multiples de p, congrus ou pas (mod P) par le crible G, ces 0 ont la même importance dans cet algorithme, grâce à sa propriété récurrente lorsque la limite n augmente de 15.

Autrement dit dans l'illustration ci-dessous, un 1 de la ligne G au-dessus d'un 1 de la ligne E, indique que ce nombre premier $1 = p'$ d'Ératosthène est non congru [P].

Ils formeront avec q premier et sa Fam(i) complémentaire, un couple $(p' + q) = 2n$.

Dans le cas contraire un 0 ligne G au-dessus d'un 1 ligne E, devient 1 congru à P, donc $2n - p' \neq q$.

Les $A = 1$ ou 0 qui précèdent un nombre A' premier p' représenté par un 1 ou 1 dans la ligne E indiquent tout simplement les couples $(p' + q) = 2n + 30$ qui vérifieront la conjecture pour la limite suivante $n = 15(k+1) \dots etc.$

Cela permet de prendre en compte tous les entiers $A \neq 2n[P]$ qui précèdent les nombres premiers P' , c'est une égalité ou propriété récurrente, dû au décalage d'un rang des congruences sur leurs successeurs $A + 30$ lorsque la limite n augmente de $15 \ll soit 15k+1 + i \gg$.

Cette égalité rend impossible l'infirmité de la conjecture pour la limite suivante $n = 15(k+1) + i$.

La propriété récurrente de l'algorithme G ou égalité, est prouvée de façon élémentaire **ci-après**.

(« Elle est triviale, c'est une conséquence du TNP, mais faute de la connaissance de l'algorithme G , elle n'a pu être remarquée ni étudiée par la communauté Mathématique. »)

Les congruences permettent de cribler uniquement jusqu'à n au lieu de $2n$, par $Fam(i)$ sans perte de généralité, cela permet formellement de prédire la vérification de la conjecture pour la ou les limites suivantes: $n = 15(k+1 \dots +n) + (i)$, ce qui n'a jamais été fait et explique pourquoi le nombre de solutions augmentent lorsque $n \rightarrow \infty$ «cet effet boule de neige».

Dans l'illustration ci-dessous, nous avons à droite de la ligne E , le résultat réel de l'algorithme **EG2**. On en déduit une fonction asymptotique qui donne environ le nombre **A non congrus $[P]$** La fonction :

$G(n)$ vaut $\sim \frac{n}{\ln 2n}$, Ce qui implique le nombre de **nombre de premiers $q \in [n ; 2n]$** , pour une limite $n = 15k + (i)$ fixée ; ainsi que sa **Fam (i)** déterminée en fonction de la forme de n par l'algorithme G .

Cette fonction asymptotique ci-dessous, est une variante de la fonction $\pi(n)$, c'est un corollaire du TNP **et elle ne peut être nulle**, cela est expliqué en fin de document.

On utilisera son résultat, pour calculer le nombre de couples **$(p'+q)$ qui a vérifié $2n$ ou $(p'+q)$ le nombre de couples qui vérifiera $2n + 30$** , illustré ci-dessous **a une variation près**.

Elle est une conséquence directe de cette propriété récurrente des congruences, qui se décalent d'un rang et de la fonction $\pi(n)$.

Cette fonction est caractérisée par ces trois algorithmes ainsi que part la propriété récurrente de l'algorithme G qui utilise les congruences **par Famille (i)**:

Car si on prend le résultat de la fonction $G(n)$, le nombre de couples **$(p'+q)$** décomposant $2n$; ou $2n + 30$ devient $G(2n)$, elle vaut $\approx \lim_{n \rightarrow +\infty} \zeta \frac{G(n)}{\ln(n)}$ une estimation minimum de nombre de premiers

$p' = (A \neq 2n[P]) \Rightarrow$ un couple **$p' + q = 2n$** .

Où la solution générale: qui est la conséquence des deux fonctions du TNP, indique que le nombre de couples

$p' + q = 2n$; est équivalent à $\lim_{n \rightarrow +\infty} \zeta \frac{n}{(\ln(n) * \ln(2n))} / 2$, Expliqué au début.

Plus simplement, connaissant le nombre de premiers p' criblé par Ératosthène $\lim_{n \rightarrow +\infty} \zeta \frac{\pi(n)}{\ln(n)}$ donnera

aussi un approximation du nombre de couples **$p' + q = 2n$** inférieur au résultat réel. Ce n'est qu'une conséquence des deux algorithmes utilisant le même principe de fonctionnement .

Illustration par famille 30k +(i), où on utilisera la fonction Gn par le Ln de Gn :

«Plus généralement, comme on travaille dans une Fam 30k +i il suffit simplement d'utiliser :

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \zeta \frac{(n/30)}{\ln(n/30)}$$

Limite **n =15k** , en progression arithmétique de raison 15.

Les **1** montrent le début du décalage d'un rang des congruences de la **ligne G** pour chaque changement de limite: **n = 15(k+1)**; alors que la ligne **E**, ne se décale pas bien évidemment.

Ceci permet de prédire la vérification de la conjecture sur plusieurs limites 2n +30 successives.

Fam(i) = fam 30k +7 qui sont criblés par **G** et **E**: 7; 37; 67; 97; 127; 157; 187.....etc 30k +7
le résultat réel du nombre de couples, qui vérifient la conjecture, est indiqué par le crible **eg2**
les **1** ligne **E**, montrent les **A = 1** ou **0** qui **précèdent** un nombre **A'** premier **p'** .

G[**1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0**] n = 300 ; 600 **EG**: = **4 p'+q**; fonct: **G(n) = 6**; **G(n) /ln G(n) = 3,348...**

E[**1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1**] **eg2** réel = **4** et pour n+15, on aura avec **G(n) = 4**; **G(n) /ln G(n) = 2,885...**

G[**0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1**] n+15= 315; 630 **EG**: = **5 p'+q** fonct **G(n) = 6**; **G(n) /ln G(n) = 3,348...**

E[**1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1**] **eg2** réel = **4** le dernier **1** ne permet pas de voir si il précède un **1 = P'** ou **0**

G[**1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1**]n=330; 660 **EG**: = **4 p'+q**; **G(n) = 7**; **G(n) /ln G(n)**

E[**1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1**] **eg2** réel = **6**;

G[**1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1**]n=345; 690 **EG**: = **5 p'+q**; **G(n) = 7**; **G(n) /ln G(n)**

E[**1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1**] **eg2** réel = **5**;

G[**0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1**] n=360; 720 **EG** = **4 p'+q**; **G(n) = 7**; **G(n) /ln G(n)**

E[**1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1**] **eg2** réel = **6**

G[**1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0**] n=375; 750 **EG**: = **5 p'+q**; **G(n) = 7**; **G(n) /ln G(n)**

E[**1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1**] **eg2** réel = **5** [**1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0**]

G[**1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0**] n=390; 780 **EG**: = **6 p'+q**; **G(n) = 8**; **G(n) /ln G(n)**

E[**1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1**] **eg2** réel = **6** [**1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0**]

G[**0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1**] n=405; 810 **EG**: = **5 p'+q**; **G(n) = 8**; **G(n) /ln G(n)**

E[**1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1**] **eg2** réel = **6** [**0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1**]

G[**0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1**] n=420; 840 **EG**: = **5 p'+q**; **G(n) = 8**; **G(n) /ln G(n)**

E[**1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1**] **eg2** réel = **6** [**0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1**]

G[**1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0**] n=435; 870; **EG**: = **6 p'+q**; **G(n) = 8**; **G(n) /ln G(n)**

E [**1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1**] **eg2** réel = **6** [**1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0**]

$G[0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0]$ $n=450$; 900 EG: = $5 p'+q$; $G(n) = 8$; $G(n) / \ln G(n)$
 $E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0]$ eg2 réel = 6 $[0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0]$

Pour $n = 465$ j'aurais $5 p'+q$ en réel, car le dernier $A = 0$ ligne $G \Rightarrow 0$ ligne E : congru à $2n [P]$.
 En règle générale le nombre de $p'+q$ et différent d'une unité avec le nombre de $p'+q$ de la limite précédente. La fonction $(460/30) / \ln (460/30)$ donne 5,53.

Il est clair que pour infirmer la conjecture, il faudrait que tous les nouveaux $A_n < 1$, soient tous congrus à $2n \bmod P$!

Mais aussi que pour les limites précédentes $\{15(k-1), 15(k-2), 15(k-3), \dots, 15(k-u)\}$ il n'y avait aucun $A = 1$ ou 0 non congrus à $2n \bmod P$, précédant un premiers p' .

Or, suivant l'égalité et propriété récurrente de l'algorithme G , il est claire que la conjecture aurait été fausse lors de ces limites précédentes $\{15(k-1), 15(k-2), 15(k-3), \dots, 15(k-u)\}$!

Ce qui est absurde car par supposition la conjecture à été vérifiée pour ces limites !

Cela veut dire aussi qu'il n'y aurait plus de nouveaux nombres premiers q extraient par l'algorithme E Ératosthène entre n et $2n$, pour les limite suivante $n=15k(+1\dots+1)$ alors que l'on en connaît le résultat des limites précédentes ayant été vérifiées par supposition et estimé par les fonctions du TNP et de son corollaire ... ?

Or, les deux algorithmes ne peuvent être synchronisés car ils sont disjoints, quelque soit cette limite n ...!

Ils n'ont pas les même index pour cribler et il faudrait pouvoir utiliser tous les restes R des limites n précédentes ce qui est absurde, car les restes changent pour chaque limite $n+15$, mais de plus les nombres premiers 1 , congrus mod P d'une limite $n-15$ précédente, vont changer de congruence pour cette limite suivante, les congruences se décaleront ...etc etc.

On obtient cet effet boule de neige lorsque la limite n tends vers l'infini. Car le nombre d'entiers A non congrus à P , ainsi que le nombre de premiers va en augmentant !

l.g

Propriété récurrente de l'algorithme utilisant les congruences:

A_n ensemble des entiers naturels non nul, en progression arithmétique de raison 30

B_{2n} ensemble des entiers naturels complémentaires, appartenant à $[n ; 2n]$ en progression arithmétique de raison 30 tel que $2n - A = B$ qui ne serra pas nécessairement de la même famille $Fam i$ en fonction de la forme de $n = 15k + i$.

P_{2n} ensemble des nombres premiers $\leq \sqrt{2n}$.

P'_p ensemble des nombres premiers $\leq n$ tel que: $5 < P' \leq n$.

[**Théorème** : Pour tout $A \in A_n$ avec $P \in P_{2n}$; et tel que $2n \not\equiv A [P]$ où A précède $A + 30 = P'$, la **CG** sera vérifiée quel que soit la limite $n = 15(k+1) + i$, succédant à la limite $n=15k + i$ ayant été vérifiée.]

(«On peut bien entendu, augmenter n de 1 tel que $n=15k + 1$ et se reporter à la limite n' précédente avec sa $Fam(i)$ correspondante, ayant vérifiée la **CG**.

On peut montrer et illustrer cette propriété quel que soit la $Fam(i)$ fixée .

Lorsque n augmente de 15, les congruences se décalent d'un rang sur leur successeur, dans un intervalle fermé et délimité par la limite n avec le nombre d'éléments **fixés: criblés par les nombres $P \in P_{2n}$, qui sont limités par la racine de $2n$.**»)

Supposons : que ce décalage d'un rang des congruences modulo 30 ne se produise pas sur leur successeur $A+30$, ou que cette égalité soit fautive. On a deux cas possible :

Premier cas : $2n \equiv A [P]$ ce qui $\Rightarrow P \in P_{2n}$ divise la différence $B \in B_{2n}$, donc $B = C$ est multiple de P pour la limite $n = 15k + i$ fixée. (« propriété des congruences bien connue, $2n = Py + A$; il existe y et y' tel que : $2n = P*y + R$ et $A = P*y' + R \Rightarrow 2n - A = P*(y - y')$; d'où P divise $2n - A$. »)

Lorsque la limite n augmente de 15, nous avons donc $(2n+30) \equiv (A+30) [P]$ ce qui $\Rightarrow P$ divise toujours cette différence C multiple de P qui est toujours la même !

Le contraire serait absurde et contraire au TFA.

Ce nombre $A+30$ premier ou pas, ne pourra donc vérifier la conjecture pour la nouvelle limite n augmenté de 15 soit $15(k+1) + i$, car son complémentaire : $(2n + 30) - (A + 30) = B = C$ qui est le même, est toujours multiple de P , donc non premier $C \neq q$.

Deuxième cas : $2n \not\equiv A [P]$ donc P ne divise pas la différence $2n - A$, ce qui $\Rightarrow 2n - A = B = q$ qui n'est pas divisible par P , c'est donc un nombre premier q qui a été criblé par G lors de la limite n .

Or $(2n+30) - (A+30) = q$ premier est toujours le même, non divisible par P .

Là aussi, si le décalage des congruences ne s'effectuait pas, ce $(A+30)$ qui était congru à $2n \pmod{P}$ lors de cette limite n précédente ; pour $n+15$ il serait encore congru à $(2n+30) \pmod{P}$ d'où : $(2n+30) - (A+30) = q$ qui est pourtant le même, il deviendrait divisible par P , tout autant absurde et contraire au TFA.

D'où et dans ce cas, lors de la limite $n = 15k + i$ fixée, même si on avait $A \neq P' = 0$ «non congru à P » dans Ératosthène, mais qu'il précède $(A+30)' = P' \in P'_p$; suite au décalage d'un rang des congruences, ce nombre $(A+30)' = P'$ devient non congru $[P]$, il vérifiera donc la CG pour la nouvelle limite $n = 15(k+1) + i$.

Il formera avec q , un couple $P' + q = 2n + 30$, car : $(2n+30) - (A+30) = q$.

(« Autrement dit, on peut dire que $B = C$ ou q ont pour antécédent A . Si $2n \equiv A [P]$; $2n - A = B$ est un multiple de P , ayant pour antécédent A ; sinon si $2n \not\equiv A [P]$, $2n - A = B$ est un nombre premier q , ayant pour antécédent A non congruent $[P]$.

C'est à dire que les nombre complémentaires B_{2n} , dépendent de la congruences des nombres A_n ..!

En référence au début du sujet, tirer un entier A et dire que c'est deux événements sont indépendants, en tirant inutilement un entier B est absurde.»)

On en déduit le constat suivant :

Supposons que la conjecture soit fautive pour la limite $2n + 30$ ou $30(k+1) + 2i$:

- Il ne faut pas de A premiers ou pas, qui soit non congrus \pmod{P} précédant des $A=P'$ lors des limites précédentes $\{15(k-1), 15(k-2) \dots 15(k-u)\}$. Ni de premiers P' consécutifs dans Ératosthène et non congrus \pmod{P}
- le crible est récursif, il recommence au début de chaque limite $n+15$ avec les index qui se décalent d'un rang.
- Il faudrait donc pouvoir réutiliser les restes R de $2n$ par P , ainsi que les R des limites précédentes pour la limite $2n + 30$ afin d'être à peu près sûr, que cette supposition soit vraie et ne soit pas invalidée par un de des cas ci-dessus avec des $A \not\equiv 2n [P]$ précédant des $A' = P' \dots$
- Or il est impossible d'utiliser pour $2n + 30$, les restes R de $2n$ ainsi que les R des limites précédentes $2n - 30$ et $2n - 60 \dots$ etc. La division de $2n+30$ par P , ne donne qu'un reste R par nombre premier P qui crible et ceci : serait contraire au décalage d'un rang, 2 rang , 3rang ...etc des congruences lors des limites précé-

dentes $n = 15(k-1), 15(k-2), 15(k-3) \dots$ etc lorsque n augmente de 15, c'est à dire aucun entier $A \neq [P]$ qui précèdent un entier $A' = P'$, suite à la propriété récurrente et démontrée de l'algorithme.

- Le nombre de nombres premiers P qui criblent est limité par la racine de $2n$, ou $2n+30$ dans cette supposition, ce qui ne change rien au nombre d'entiers A congrus à P , le contraire invaliderait le TNP. Il faudrait par conséquent doubler voir tripler le nombre d'entiers premiers P qui criblent, ce qui est absurde.
- Dernière solution, il faut par conséquent marquer tous les A par ces nombres P qui criblent, ie : il faut qu'ils soient tous congrus à $(2n+30) \pmod{P} \dots$!
- («Ce qui est absurde ; il n'y aurait plus de nombres premiers $q \in [n ; 2n]$ pour cette limite $n+15$, alors qu'il y en avait $n / \log 2n$, lors de la limite $n - 15$ précédente ...etc selon le TNP ; cela serait contraire au TFA, la variation du cardinal de nombres q lors de cette nouvelle limite $n+15$ et quasiment nulle . »)
- **Conclusion, ceci est clairement impossible !** Il viendrait aussi que l'égalité de cette propriété récurrente du crible G démontrée ci-dessus serait fausse ! On sait aussi que les index de départ des deux (algorithmes, cribles) ne sont pas les mêmes, ils sont disjoints. « voir ci-après page 5 »
- **La conjecture ne peut donc être infirmée, sans contredire le TNP, le TFA et la propriété récurrente de l'algorithme G!**
- D'autant que le décalage des congruences et sa propriété récurrente qui ont vérifié la conjecture lors des limites précédentes serait alors Fausse ? Ainsi que sur plusieurs limites consécutives : $2n+30 \dots + \dots + 30$ déjà vérifiée !
- Cette propriété, fait en sorte que le cardinal de la fonction $\pi(n)$ ainsi que celle du TNP, qui a été défini et vérifié pour une limite $n = 15k + i$, ainsi que pour $n = 15(k-1) + i$ qui donne le résultat pour la limite $n = 15k + i$ ne peut plus être modifié, à une exception près pour la ou les limites suivantes : $n = 15(k+1(+2\dots\text{etc})) + i$, qui par supposition infirmerait la conjecture ! **Le contraire serait absurde.**
- Cela modifierait clairement de façon importante ce cardinal de nombre premiers q dans $[n ; 2n]$ ayant été défini et vérifié lors des deux limites précédentes ou des limites antérieur..., ainsi que pour la fonction $G(n)$ et sa fonction d'estimation ci-dessous !
- On aurait pu supposer qu'elle est indécidable ? Il faudrait qu'à une certaine limite n , donc pour $2n$ il ne soit plus possible de vérifier les résultats des ensembles de $A = I$ ou 0 non congrus à $2n \pmod{P}$, précédant un premiers p' . A pour toutes les $Fam(i)$.
- Or cela ne serait pas suffisant, car suite à cette propriété récurrente le décalage qui se produit sur plusieurs limites successives, on a déjà vérifié les résultats des limites n précédentes, pour ces limites $2n+30, 2n+k*30$ et on ne peut pas redescendre indéfiniment en arrière, car on tombe obligatoirement sur les résultats qui ont vérifiés la conjecture, **principe de la descente infinie.**
- On peut aussi en déduire que la fonction $G(n)$ qui vaut $\sim \lim_{Gn \rightarrow +\infty} \square \frac{Gn}{\ln(Gn)}$ donnant le nombre de couples $P'+q = 2n - 30$ qui implique pour la limite suivante le nombre de couples $P'+q = 2n$, donnera tout autant l'estimation du cardinal de $P'+q = 2n$ qui vient d'être vérifiée, du fait de la conséquence de cette propriété récurrente, ce nombre de couples qui vérifie $2n+30$, ne sera jamais nul, qui plus est, en utilisant toutes les $Fam(i)$, au lieu d'une seule utilisée pour cette preuve.....

-
-
-
-

Annexe 1:

- On peut d'ailleurs se limiter au minimum, à la fonction $\pi(n)$ par famille i , tel que le nombre de couples $P'+q$

$q = 2n$, vaut $\sim \lim_{n \rightarrow +\infty} \square \frac{\pi(n)}{\ln(2n)}$ conséquence de la fonctions ci-dessus avec la fonction

$$\frac{n}{(\ln(n) * \ln(2n))} / 2$$

- En ne prenant en compte que le nombre de nombres premiers p' par fam(i) avec $n / 30$;
- Par exemple limite $2n = 600$; nombre de $P' = 7$ pour la fam(i=7) < $n = 300$:

- $\frac{7}{\ln(n/30)} = 3,0401\dots$ couples $P'+q = 2n$.

La fonction 2 du théorème de Goldbach est une conséquence directe du TNP: (log = logarithme naturel)

$G(n)$: la fonction de compte du nombre de nombres de $A \neq 2n[P] \Leftrightarrow$ premiers $q \in [n ; 2n]$

Corollaire : $G(n)$ vaut $\sim \lim_{n \rightarrow +\infty} \square \frac{n}{(\log 2n)}$

Le TNP dit que $\pi(n) = \frac{n}{(\log n)} + o\left(\frac{n}{\log n}\right)$,

donc le nombre de nombres premiers dans $]n, 2n]$ vaut

$$\begin{aligned} \pi(2n) - \pi(n) &= \left(\frac{2n}{\log(2n)} - \frac{n}{\log n} \right) + o\left(\frac{n}{\log n}\right) \\ &= n \times \left(\frac{2}{\log 2n} - \frac{1}{\log n} \right) + o\left(\frac{n}{\log n}\right) \\ &= n \times \frac{2 \log n - \log(2n)}{\log(2n) \log n} + o\left(\frac{n}{\log n}\right) \\ &= \frac{n}{(\log 2n)} + o\left(\frac{n}{\log n}\right) \end{aligned}$$

Tout nombre pair $2n \geq 180$ peut s'écrire comme la somme de deux nombres premiers ($P'+q$) appartenant à une famille Fam(i) tel que définie en début de document.

Heuristiquement :

$$C_2 \frac{G(n)}{\ln G(n)}; \text{ où } C_2 \approx 1,320323\dots \text{ constante premiers jumeaux.}$$

On peut appliquer en fonction de $G(2n)$ par Fam(i), directement : $\lim_{n \rightarrow +\infty} \square \frac{G(n)}{\ln G(n)} * C_2$

Cette fonction n'est qu'une conséquence du TNP.

Sinon il faut utiliser le facteur correspondant au nombre de familles qui décomposent $2n$.

Exemple pour la limite $n = 15k + 7$, il n'y a que trois familles qui décomposent $2n = 30k + 2$.
 La fonction sera donc utilisée avec le coefficient de $0,375 = 3/8$. nombres minimum de solutions ($p' + q = 2n$)

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} i \frac{G(n)}{\ln G(n)} * C_2 * 0,375 .$$

Exemple pour $n = 496$, $2n = 992$, nombre de premiers $[n ; 2n]$ des 3 familles $\{1, 13 \text{ et } 19\} = 33$.

Alors que $\pi(2n - n)$ vaut : 73

Résultat :

$(33 / \ln 33) * 1,320323 = 12, \dots$ couples, pour un réel de 13.

$(73 / \ln 73) * 0,375 * 1,320323 = 8, \dots$

Lorsque $2n$ tend vers l'infini, il vaut mieux utiliser la fonction générale avec $\pi(2n)$ et l'un des 3 coefficients $(0,375 ; 0,5 ; 0,75)$ et aucun coefficient si $2n = 30k$.

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \square \frac{\pi(2n)}{\ln \pi(2n)} * C_2 * 0,5 .$$

Exemple $2n = 1\,000\,000\,010$ la fonction ci-dessus avec **0,5** de coefficient du fait qu'il y ai 4 familles $\{1, 7, 13, \text{ et } 19\}$ qui criblent, donne comme résultat : 1891734 couples < 2422662 réels

Pour $2n = 3\,000\,000\,000$ on aura par la fonction **sans coef** car $2n = 30k : \approx 10\,150\,924$ pour un réel 12 224 533

Pour $2n + 2$, on aura par la fonction avec le coef de **0,375** : $\approx 3\,806\,596$ pour un réel 4 584 281 .

Ce n'est que la conséquence des 8 Fam(i) divisées par 8 et multipliées par 3, conséquence du TNP caractérisé par le crible Ératosthène et sa fonction d'estimation de $\pi(n)$.

On peut donc constater, que la variation du nombre de couples qui décomposent $2n$, sera minime pou $2n + 2$.

En information complémentaire :

Sont donnés les différents indexes (idx) de départ des deux fonctions relatives aux cribles (programmes) de **G** et **E** pour : $15k = 900$ et **fam 7** ;

Afin de comprendre la différence entre les deux fonctions qui criblent et le principe de base du fonctionnement.

Les index de départ pour chaque premier **P du crible G** ; limite $n = 900 + i$, $i = 7$ et **fam = 7** : relatif aux $j\%30 == 7$ «du premier exemple ci-dessous.»

Exemple: $2n = 1814$, $1814 \bmod 7 = R = 1$; on calcul l'index de départ : $1 + 2P = 15$; $+2p = 29$; $+ + + \dots + 2p = 127 \bmod 7 [30]$

$127\%30 = \text{Fam}7$; $\text{idx} = 127//30 = 4$ l'index de 127, que l'on marque d'un 0, puis par pas de 7 $\rightarrow 907//30$.

On réitère avec $P = 11$ etc...etc

Goldbach :

$P = 7$, $\text{idx} = 4$ puis par pas de 7 de $31 \rightarrow n//30$

$P = 11$, $\text{idx} = 10$ puis par pas de 11 de $17 \rightarrow n//30$

$P = 13$, $\text{idx} = 0$ puis par pas de 13 de $19 \rightarrow n//30$

Ératosthène mod 30: (on a besoins que des 4 couples de premiers [7;31])

dans Ératosthène $7*31 = j$; $j\%30 == \text{fam}$, partent de $\text{idx} = 7$, puis par pas de 7 et

dans Ératosthène $11*17 = j$; $j\%30 == \text{fam}$, partent de $\text{idx} = 6$ puis par pas de 11 et

dans Ératosthène $13*19 = j$; $j\%30 == \text{fam}$, partent de $\text{idx} = 8$ puis par pas de 13 et

$P = 17$, $idx = 3$ puis par pas de 17 de 29 $\rightarrow n//30$

$P = 19$, $idx = 14$ puis par pas de 19

$P = 23$, $idx = 15$ puis par pas de 23

$P = 29$, $idx = 9$ puis par pas de 29

$P = 31$, $idx = 22$ puis par pas de 31

$P = 37$, $idx = 9$ puis par pas de 37

dans Ératosthène $23*29 = j$; $j\%30 == \text{fam}$, partent de $idx = 22$ puis par pas de 23 et

chaque j est donc un produit $== \text{fam7}[30]$ contrairement à Goldbach qui ne part pas du même idx . Et $31 >$ racine de 907, ne marquera rien, ainsi que 23 et 29 qui ne marquent que l' idx de départ. En dernier $P = 41$, $idx > 914$ d'où il ne peut cribler. $P \leq \sqrt{1814} = 42, \dots$

Dans Goldbach : Si R est pair, $j = R + k*P$. (« voir programme si R est impair $j=R$ puis $+ 2*P \dots$ etc.»)

Si $j\%30 == \text{fam}$; alors : $j//30 = \text{début d'index} = idx$. Puis :

P_i part de cet idx , où on remplace le 1 par 0 puis par pas de $P_i \rightarrow n // 30$. Ensuite on réitère avec P_i et son R_i suivant.

En fonction de la forme de n ; on appliquera un coefficient multiplicateur.

On utilise ces coefficients en fonction des Fam(i) de nombres premiers criblés et $n \geq 150$:

On a 8 fam(i) $\equiv 1$ ou $P[30]$ avec P appartenant à $[7 ; 29]$

Pour $n = 15k + n'$ $\rightarrow \{1,7,11,13,2,4,8,14\}$ coef = 0,375 ; ce qui donne 3 fam(i) sur 8 qui peuvent être criblés.

les 5 autres ne peuvent donc pas donner de couples $p+q = 2n$; car leur complémentaire serait multiple de 3 ou de 5

Pour $n=15k + n'$ $\rightarrow \{5,10\}$ coef = 0,5 ; ce qui donne 4 fam(i) sur 8 qui peuvent être criblés

Pour $n = 15k + n'$ $\rightarrow \{3,6,9,12\}$ coef = 0,75 ; ce qui donne 6 fam(i) sur 8 qui peuvent être criblés

Pour $n=15k + n'$, $n' = 0$ pas de coefficient : les 8 fam(i) peuvent être criblés

Il y a donc 15 formes de n' . Mais on peut travailler qu'avec une fam (i) sans perte de généralité

Autre illustration :

Illustration **Crible G** pour $n = 12000$; fam 7[30]: « 7, 37, 67, 97, 127,etc ..11977 < 12000.

Le résultat de ce criblage de la fam 7[30] donnera la famille 23 [30] complémentaire, soit : q premier mais $\equiv 23[30]$.

Le cinquième élément $I = 127$ non congru 12000 [P.] donne $q = 11873$. 127 est l'antécédent de 11873 par la fonction G.

Vérifions le nombre de A non congrus modulo P : les nombres $A \neq P' = 0$ et les $A = P' = 1$ qui précèdent un nombre premiers P' congru ou pas, marqués 1,1 ; illustrés ci-dessous par 0 ou 1. Ce qui permet de comprendre pourquoi cette conjecture ne pouvait avoir de contres exemples.

On peut même vérifier avec ce criblage ci-dessous, jusqu'à quelle limite $2n + k*30$ la conjecture serait vérifier sans avoir besoins de procéder à un autre test de criblage et ainsi de donner le nombre de couples $(P'+q)$ qui vérifieront les limites $2n + k*30$ suivantes, avec avec les deux lignes de cribles que l'on peut superposer G sur E

Crible G: 345[0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1] 6 couples $p'+q$
 Crible E: 345[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0] 5 couples réel [0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0]

Crible G: 360[1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1] 6 couples $p'+q$
 Crible E: 360[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1] 7 couples $p'+q$ réel [1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1]

Crible G: 375[0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1] 5 couples $p'+q$
 Crible E: 375[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1] 6 couples $p'+q$ réel [0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1]

Crible G: 390 [0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1] 4 couples $p'+q$
 Crible E: 390[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0] 5 couples $p'+q$ réel $(1,55456 * G(n) / \ln G(n)) = 5,9806 \dots$

Crible G: 405[1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1] 5 couples $p'+q$
 Crible E: 405[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0] 5 couples $p'+q$

Crible G: 420[1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1] 5 couples $p'+q$
 Crible G: 420[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0] 6 couples $p'+q$

Crible G: 435[0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1] 4 couples $p'+q$
 Crible E: 435[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0] 5 couples $p'+q$

Crible G: 450[0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1] 4 couples $p'+q$
 Crible G: 450[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1] 5 couples $p'+q$

Crible G: 465[1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1] 3 couples $p'+q$
 Crible E: 465[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1] 5 couples $p'+q$

Crible G: 480[0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1] 6 couples $p'+q$
 Crible E: 480[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0] 3 couples $p'+q$

Crible G: 495[0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0] 3 couples $p'+q$
 Crible E: 495[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0] 6 couples $p'+q$

Crible G: 510[1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0]

Crible E: 510[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0]

Crible G: 525[1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1]

Crible E: 525[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0]

Crible G: 540[0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1]

Crible E: 540[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0]

Crible G: 555[1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1]

Crible E: 555[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0]

Crible G: 570[0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1]

Crible E: 570[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1]

Crible G: 585[0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0]

Crible E: 585[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1]

Crible G: 600[0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0]

Crible E: 600[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1]

Crible G: 615[1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1]

Crible E: 615[1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1]

Supposons la conjecture fautive à partir de la limite $n = 450$

Simulation et conséquence dans les tableaux de 450 à 300

*dû à la propriété de l'algorithme G : décalage d'un rang des congruences dans le sens inverse ,
« effet boule de neige inverse garantie »*

On reprend les mêmes tableaux, et on va marquer les cellules entiers \mathcal{A} congrus en rouge, ce qui devrait correspondre à un 0 ligne G « lors de cette descente » et :

le 1 ligne G doit se transformer en 0 lors de cette descente inverse, suivant cette supposition de conjecture fautive à la limite $n = 450$,

$G[0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0]$ $n = 300$; 600 EG: = $4p^2+q$; fonct: $G(n) = 6$; $G(n) / \ln G(n) = 3,348...$

$E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1]$ eg2 réel = 4 et pour $n+15$, on aura avec $G(n) = 4$; $G(n) / \ln G(n) = 2,885...$

$G[0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1]$ $n+15 = 315$; 630 EG: = $5p^2+q$ fonct $G(n) = 6$; $G(n) / \ln G(n) = 3,348...$

$E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1]$ eg2 réel = 4 le dernier 1 ne permet pas de voir si il précède un 1 = P' ou 0

$G[1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1]$ $n=330$; 660 EG: = $4p^2+q$; $G(n) = 7$; $G(n) / \ln G(n)$

$E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1]$ eg2 réel = 6;

$G[1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1]$ $n=345$; 690 EG: = $5p^2+q$; $G(n) = 7$; $G(n) / \ln G(n)$

$E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1]$ eg2 réel = 5;

$G[0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1]$ $n=360$; 720 EG = $4p^2+q$; $G(n) = 7$; $G(n) / \ln G(n)$

$E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1]$ eg2 réel = 6

$G[1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0]$ $n=375$; 750 EG: = $5p^2+q$; $G(n) = 7$; $G(n) / \ln G(n)$

$E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1]$ eg2 réel = 0 $\Rightarrow [1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0]$

$G[1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0]$ $n=390$; 780 EG: = $6p^2+q$; $G(n) = 8$; $G(n) / \ln G(n)$

$E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1]$ Donc , eg2 réel = 0 $\Rightarrow [1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0]$

$G[0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1]$ $n=405$; 810 EG: = $5p^2+q$; $G(n) = 8$; $G(n) / \ln G(n)$

$E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1]$ eg2 réel = 0 $\Rightarrow [0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1]$

$G[0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1]$ $n=420$; 840 EG: = $5p^2+q$; $G(n) = 8$; $G(n) / \ln G(n)$

$E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1]$ eg2 réel = 0 $[0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 1]$

$G[1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0]$ $n=435$; 870; EG: = $6p^2+q$; $G(n) = 8$; $G(n) / \ln G(n)$

$E[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1]$ eg2 réel = 0 $[1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0]$

$G[0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 0]$ $n = 450$; 900 EG: = $5p^2+?$; $G(n) = 0$; $G(n) / \ln G(n) = 0$

E[1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0] Donc, eg2 réel = 0 [0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0]

On peut s'arrêter dans les sens inverse, à la ligne $n = 375$, pour constater les dégâts sur la répartition des nombres premiers $q \in [n; 2n]$ qu'il y aurait et de manière générale... Plus de nombres premiers ?

Conclusion : C'est le même principe que la descente infinie que P de Fermat a utilisé pour démontrer le cas $n = 4$

Par hypothèse avant la ligne 450, la conjecture avait été vérifiée par supposition et elle avait été déclarée vraie, donc : ce qui ne serait plus le cas !

Qu'elle en serait la conséquence sur l'hypothèse de Riemann, premiers jumeaux... ? Fausse !

Cet algorithme n'a pas été étudié, ni ces conséquences sur la répartition des nombres premiers.

Supposons la conjecture fautive = supposition absurde !

Cette illustration permet de se rendre compte de l'importance de ces entiers **A non premiers = 0**, qui précèdent des nombres premiers P'.

Sans cette propriété récurrente de l'algorithme, peut être qu'un contre-exemple « aurait pu être trouvé au début de la conjecture ».

Ensuite l'effet boule de neige dû à la propriété de l'algorithme G, explique l'augmentation du nombre de solutions qui vérifiaient la conjecture ».

Annexe 2, si besoins est : on peut démontrer

[« Suivant le principe du crible d'Ératosthène qui est largement connu, il est inutile de démontrer que pour extraire les nombres premiers inférieure à une limite n donnée : il suffit d'utiliser $p \in P_n \leq \sqrt{n}$ pour cribler les $A \in A_n$ multiples de p de 1 à n et avec $P \leq \sqrt{2n}$ pour cribler les $B = C \in B_{2n}$ multiples de P de n à $2n$.

Si $B \in B_{2n}$, n'est pas divisible par $P \in P_{2n}$, alors $B = q$ un nombre premier par évidence et B est non congru 0 modulo P .

$2n \not\equiv A[P] \Rightarrow 2n - A = B$ qui ne peut donc être divisible par P .

(« (1) rappel : si est seulement si, $2n$ et A sont égaux modulo P , il existe y et y' tel que : $2n = P*y + R$ et $A = P*y' + R \Rightarrow 2n - A = P*(y - y')$ donc P divise $2n - A$. »)

Donc aucun nombre premier P ne divise $2n - A$, d'où $2n - A = q$

On veut démontrer pour $2n - A$ non premier, qu'il n'existe pas de premier $P > 2n$ tel que (1) que $2n - A = Py$ avec $y \in \mathbb{N}$.

on a : $n \geq 2, 2n \geq 4$;

on a : $-n \leq -A \leq -1$;

$2n - n \leq 2n - A \leq 2n - 1$

$n \leq 2n - A \leq 2n - 1$

Supposons que $2n - A$ non premier, alors il existe au moins P et p' premier $\geq \sqrt{2n}$ car on a démontré (1).

Donc prenons P et p' les plus petits possibles, soit $\sqrt{2n}$.

On a $(\sqrt{2n})^2 = 2n$, or $2n - A \leq 2n - 1$, Ce qui est impossible, on a donc $P * p' \leq 2n - 1$ et au moins : un diviseur P_i de $2n - A$ est $\leq \sqrt{2n}$.

Conclusion $2n \not\equiv A[P] \Rightarrow 2n - A = q$ premier, car P ne divise pas $2n - A$ »].

Principe de base , dans l'ensemble des entiers naturels :

Nombres premiers $P' < 100$

Nombre $A \neq 2n[P] < 100 \Leftrightarrow q \in [100 ; 200]$ avec $P \leq \sqrt{2n}$

$P = 3, 5, 7, 11, 13$ et le reste R de 200 par $P = 2, 0, 4, 2, 5$. si $R \% 2 == 0$ on fait $R+P$, ou $R+2P$ pour marquer en rouge les A impairs, congruent à P , puis on progresse modulo $2P$ pour marquer les entiers $A \equiv 2n[P]$

Il restera ligne en dessous des entiers impairs criblés, les entiers $A \neq 2n[P]$ qui n'ont pas été marqués en rouge par l'algorithme.

$P = 3$ et son $R = 2$, donc $3+2 = 5$ puis $\text{mod } 2P \rightarrow 100$; puis on réitère avec $P = 5$ et $R = 0$, donc de $5 \text{ mod } 2P \rightarrow 100$

1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21, 23, 25, 27, 29, 31, 33, 35, 37, 39, 41, 43, 45, 47, 49, 51, 53, 55, 57, 59, 61

...3...7...9.....13.....19..21.....27.....33.....37.....43.....49..51.....61

63, 65, 67, 69, 71, 73, 75, 77, 79, 81, 83, 85, 87, 89, 91, 93, 95, 97, 99 , soit $25 P'$

63.....69.....73.....87.....91..93.....97..99 soit $21 A \neq 2n[P]$

On peut constater en augmentant n de $1 = 101$, le changement de reste R qui augmentera de 2 , dans la division de $2n = 202$ par P :

$P = 3, 5, 7, 11, 13$ et le reste R de 202 par $P = 1, 2, 6, 4, 7$

$P = 3$ et son $R = 1$, donc $R+2P = 7$ puis $\text{mod } 2P \rightarrow 101$, $P = 5$, $R = 2$; $R+P = 7$ puis $\text{mod } 2P \rightarrow 101$

on constate le décalage d'un rang des congruence sur leur successeur $A+2$. Propriété récurrente de l'algorithme de Goldbach.

1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21, 23, 25, 27, 29, 31, 33, 35, 37, 39, 41, 43, 45, 47, 49, 51, 53, 55, 57, 59, 61

...3...5...9 11 21...23.....2935.....39 45 ... 51 ..53

63, 65, 67, 69, 71, 73, 75, 77, 79, 81, 83, 85, 87, 89, 91, 93, 95, 97, 99 , 101 soit $26 P'$

63...65.....75 81.....89 95...99 ...101 soit $A \neq (2n+2) [P]$

$n + 1 = 102$; dans la division de $2n = 204$ par $P = 3, 5, 7, 11, 13$ et les $R = 0, 4, 1, 6, 9$

on reprend la suite précédente et on décale les congruence d'un rang, inutile de recriber...

1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21, 23, 25, 27, 29, 31, 33, 35, 37, 39, 41, 43, 45, 47, 49, 51, 53, 55, 57, 59, 61, 63, 65, 67, 69, 71, 73, 75, 77, 79, 81, 83, 85, 87, 89, 91, 93, 95, 97, 99 , 101

soit $26 P'$ et $18 A \neq (2n+2) [P]$; le 101 donnera le 103 pour $n+1 = 103$.

On peut imaginer la conséquence si pour $n+1 = 103$, la conjecture était fausse ...

Annexe 3

En fonction de la limite $N = 15k$ fixée, on fixe lune des 8 Fam (i) correspondante à la forme de N

Pour N de la forme **15k**, on peut choisir n'importe laquelle des 8 Fam.

Le programme C++ (fourni à la demande) est fixé avec une limite N **début = 30000** et Fin = **30330**

il progressera automatiquement de raison 15,

Il n'y a que la fam(i) à rentrer à la demande:

Pour toute Limite $N = 15k + n'$, avec $n' \in [0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14]$ on rentre la Fam(i) correspondante

$N = 15k$; Fam = (l'une des 8 fam(i))	$2n = 30k$
$N = 15k+1$; Fam =(1,13,19) ;	$2n = 30k + 2$
$N = 15k+2$; Fam =(11,17,23);	$2n = 30k + 4$
$N = 15k+3$; Fam =(7,29,13,23,17,19);	$2n = 30k + 6$
$N = 15k+4$; Fam =(1,7,19);	$2n = 30k + 8$
$N = 15k+5$; Fam = (1,7,13,19);	
$N = 15k+6$; Fam =(1,11,13,19,23,29);	$2n = 30k + 12$
$N = 15k+7$; Fam =(1,7,13);	$2n = 30k + 14$
$N = 15k+8$; Fam =(17,23,29);	$2n = 30k + 16$
$N = 15k+ 9$; Fam =(1,7,11,17,19,29);	$2n = 30k + 18$
$N = 15k+10$; Fam =(11,17,23,29);	$2n = 30k + 20$
$N = 15k+11$; Fam =(11,23,29);	$2n = 30k + 22$
$N = 15k+ 12$; Fam =(1,7,11,13,17,23);	$2n = 30k + 24$
$N = 15k+ 13$; Fam =(7,13,19);	$2n = 30k + 26$
$N = 15k+ 14$; Fam =(11,17,29);	$2n = 30k + 28$

Programmes des algorithmes :

« Qui peut être modifié pour la conjecture ou corollaire de Lemoine-Lévy : $2p+q = 2n+1$, Sachant que la même propriété du décalage d'un rang se fera pour la limite $n+(2*15)$ ce qui est compréhensible ... »

Pour une limite $n = 15k + i$, on change la fam(i) correspondante en fin de programme :

EX : GCrible(premiers, n, 17) # au choix (1,7,11,13,17,19,23,29)

Par exemple : pour $15k + 17$ on fixe la Fam(17);

pour n = 15k , une des 8 fam(i)

Python :

1_) **Crible G** : *Goldbard crible les entiers A congrus à P*

```
from time import time
from os import system
import math
```

```
def candidate_range(n):
    cur = 5
    incr = 2
    while cur < n+1:
        yield cur
        cur += incr
        incr ^= 6 # or incr = 6-incr, or however
```

```
def eratostene(n):
    n = int((2*n)**0.5)
    prime_list = [2, 3]
    sieve_list = [True] * (n+1)
    for each_number in candidate_range(n):
        if sieve_list[each_number]:
            prime_list.append(each_number)
            for multiple in range(each_number*each_number, n+1, each_number):
                sieve_list[multiple] = False
    #print(prime_list[3:])
    return prime_list[3:]
```

```
def demander_N():
    n = input("Donnez N: ")
    n = int(n.strip().replace(" ", ""))
    #n = int(30 * round(float(n)/30))
    return n
```

```
def GCrible(premiers, n, fam):
    start_crible = time()
    crible = ((n//30)+1)*[1] # Ou: on rapelle le tableau Ératosthène criblé de N/30 cases
    lencrible = len(crible)
```

```
# On calcule les restes: ri = 2*n/pi
nbpremiers = len(premiers)
n2 = 2*n
```

```
for i, premier in enumerate(premiers):
    reste = n2 % premier
    #print(reste) # enlever dièse # pour imprimer les (reste)
    # tant que ri % 30 != fam on fait ri += 2pi
    if reste % 2 == 0:
        reste += premier
```

```

pi2 = 2*premier
while reste % 30 != fam:
    reste += pi2
# Ensuite on divise ri par 30 pour obtenir l'indexe
reste //= 30
# On crible directement avec l'index
for index in range(reste, len(crible), premier):
    crible[index] = 0

total = sum(crible)
print("crible:", crible) # mettre dièse # pour bloquer la fonction print
print(f"Nombres non congru 2n[pi] {1} à {n} famille {fam} premiers de {n} à {n2}: {total} -----
{int((time()-start_crible)*100)/100}")

```

```

def main():
    # On demande N a l'utilisateur
    n = demander_N()

    # On récupère les premiers entre 7 et  $\sqrt{2N}$ 
    premiers = eratostene(n)
    #|print("premiers:", premiers)
    #print(f"nombres premiers entre 7 et {int((2*n)**0.5)}: {len(premiers)}")

    start_time = time()
    # On crible
    GCrible(premiers, n, 17) # au choix (1,7,11,13,17,19,23,29)
    temps = time()-start_time
    print(f"--- Temps total: {int(temps*100)/100} sec ---")

```

```

main()
system("pause")

```

2_) Crible E : Ératosthène mod 30

```

from itertools import product
from time import time
from os import system
import math

```

```

def candidate_range(n):
    cur = 5
    incr = 2
    while cur < n+1:
        yield cur
        cur += incr
        incr ^= 6 # or incr = 6-incr, or however

```

```

def eratostene(n):

```

```

n = int(n**0.5) #(si on fusionne les deux cribles il faudra rentrer, int((2n)**0.5) pour Goldbach.
prime_list =[2,3]
sieve_list = [True] * (n+1)
for each_number in candidate_range(n):
    if sieve_list[each_number]:
        prime_list.append(each_number)
        for multiple in range(each_number*each_number, n+1, each_number):
            sieve_list[multiple] = False
#print(prime_list[3:])
return prime_list[3:]

```

```

def demander_N():
    n = input("Donnez N: ")
    n = int(n.strip().replace(" ", ""))
    #n = int(30 * round(float(n)/30))
    return n

```

```

def E_Crible(premiers, n, fam):
    start_crible = time()

```

```

# On génère un tableau de N/30 cases rempli de 1
crible = ((n//30)+1)*[1]
lencrible = len(crible)
GM = [7,11,13,17,19,23,29,31]
# On calcule les produits: j = a * b

```

```

for a in premiers:
    for b in GM:
        j = a * b
        if j%30 == fam:
            index = j // 30 # Je calcule l'index et On crible directement à partir de l'index
            for idx in range(index, lencrible, a): # index qui est réutilisé ici...
                crible[idx] = 0
            #print(index)

```

```

total = sum(crible) # à la place, pour utiliser le tableau d'Ératosthène criblé dans le crible de Gold-
bach, on return "crible:", crible
print("crible:", crible)
print(f"Nombre premiers criblés famille {fam} : {total} ----- {int((time()-start_crible)*100)/100}")

```

```

def main():
    # On demande N a l'utilisateur
    n = demander_N()

    # On récupère les premiers de 7 à √N
    premiers = eratostene(n)
    #print(f"nombres premiers entre 7 et n: {len(premiers)}")

    start_time = time()
    # On crible
    E_Crible(premiers, n, 17) # au choix (1,7,11,13,17,19,23,29)

```

```

temps = time()-start_time
print(f"--- Temps total: {int(temps*100)/100} sec ---")

```

```

main()
system("pause")

```

3_) Crible EG2:

fusion des 2 programmes donnant directement le nombre de couples $p+q = 2n$

```

from time import time
from os import system

```

```

def candidate_range(n):
    cur = 5
    incr = 2
    while cur < n+1:
        yield cur
        cur += incr
        incr ^= 6 # or incr = 6-incr, or however

```

```

def eratostene(n):
    n1,n = int(n**0.5),int((2*n)**0.5)
    prime_E,prime_EG=[2, 3],[]
    sieve_list = [True] * (n+1)
    for each_number in candidate_range(n):
        if sieve_list[each_number]:
            if each_number > n1:
                prime_EG.append(each_number)
            else:
                prime_E.append(each_number)
                for multiple in range(each_number*each_number, n+1, each_number):
                    sieve_list[multiple] = False
    #print(prime_E[-1])
    return prime_E[3:],prime_EG

```

```

def Criblage_EG(Premiers,Premiers_suite, n, fam):
    start_crible = time()
    # On génère un tableau de n//30 cases rempli de 1
    lencrible = ((n//30)+1)
    crible=[1 for _ in range(lencrible)] # c'est plus propre comme ça
    GM = [7,11,13,17,19,23,29,31]
    # On calcule les produits :
    for a in Premiers:
        for b in GM:
            j = a * b
            if j%30 == fam:
                index = j // 30 # Je calcule l'index et On crible directement à partir de l'index
                for idx in range(index, lencrible, a): # index qui est réutilisé ici...
                    crible[idx] = 0
    Premiers+=Premiers_suite

```

```

del Premiers_suite # suppression du tableau devenu inutile
nbpremiers = len(Premiers)
n2 = 2*n
for premier in Premiers:
    reste = n2 % premier
    if reste % 2 == 0:
        reste += premier
    pi2 = 2*premier
    # tant que reste % 30 != fam on fait reste += pi2
    while reste % 30 != fam:
        reste += pi2
    # Ensuite on divise reste par 30 pour obtenir l'index
    reste //= 30
    # On crible directement avec l'index
    for index in range(reste, len(crible), premier):
        crible[index] = 0
total = sum(crible)

print("crible:", crible)
print(f"Nombres non congru 2n[pi] {1} à {n} famille {fam} premiers de {n} à {n2}: {total} -----
{int((time()-start_crible)*100)/100}")

def demander_n():
    n = input("Donnez N: ")
    n = int(n.strip().replace(" ", ""))
    #n = int(30 * round(float(n)/30))
    return n

def main():
    # On demande N a l'utilisateur
    n = demander_n()
    # On récupère les premiers de 7 à √n et de √n à √2nN
    Premiers_E,Suite_E = eratostene(n)
    # On crible
    fam = 17 # 1 ou 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 1 au choix
    Criblage_EG(Premiers_E,Suite_E, n, fam)

main()
system("pause")

```

4_) Crible EG2 modifié pour l'ex conjecture Lemoine – Levy, corollaire :

```

from time import time
from os import system

def candidate_range(n):
    cur = 5
    incr = 2
    while cur < n+1:
        yield cur
        cur += incr
        incr ^= 6 # or incr = 6-incr, or however

```

```

def eratostene(n):
    n = int((2*n+1)**0.5) ##(si on fusionne les deux cribles il faudra rentrer, int((2n)**0.5) pour Gold-
bach.
    prime_E =[2,3]
    sieve_list = [True for _ in range(n+1)] ## c'est plus propre comme ça
    for each_number in candidate_range(n):
        if sieve_list[each_number]:
            prime_E.append(each_number)
            for multiple in range(each_number*each_number, n+1, each_number):
                sieve_list[multiple] = False
    #print(prime_E[3:])
    return prime_E[3:]

```

```

def E_Crible(premiers, n, fam):
    start_crible = time()

    ## On génère un tableau de N/30 cases rempli de 1
    lencrible = ((n//30)+1)
    crible=[1 for _ in range(lencrible)] ## c'est plus propre comme ça
    GM = [7,11,13,17,19,23,29,31]
    ## On calcule les produits :
    for a in premiers:
        for b in GM:
            j = a * b
            if j%30 == fam:
                index = j // 30 ## Je calcule l'index et On crible directement à partir de l'index
                for idx in range(index, lencrible, a): ## index qui est réutilisé ici...
                    crible[idx] = 0

    total = sum(crible)
    print(f"Nombre premiers criblés famille {fam} : {total} ----- {int((time()-start_crible)*100)/100}")
    return crible,lencrible

```

```

def LCrible_2N(premiers, crible, lencrible, n, fam):
    start_crible = time()
    ## On calcule les restes:  $ri = 2^{n+1}/pi$ 
    nbpremiers = len(premiers)
    n2 = 2*n+1
    for premier in premiers:
        reste = n2 % premier
        #print(reste)
        if reste % 2 == 1:
            reste += premier
        pi2 = 2*premier
        ## tant que reste % 60 != 2*fam on fait reste += pi2
        while reste % 60 != 2*fam:
            reste += pi2
        ## Ensuite on divise reste par 60 pour obtenir l'index
        reste //= 60
        ## On crible directement a partir de l'index
        for index in range(reste, lencrible, premier):
            crible[index] = 0

```

```

total = sum(crible)
#print("crible:", crible)
print(f"Nombres 2P' non congru 2n+1[P] ou couple 2P'+q = 2N+1, de (i) à {n} famille 2p = {2*fam} :
{total} ----- {int((time()-start_crible)*100)/100}")

def demander_N():
    n = input("Donnez N: ")
    n = int(n.strip().replace(" ", ""))
    #n = int(30 * round(float(n)/30))
    return n

def main():
    ## On demande N a l'utilisateur
    n = demander_N()
    ## On récupère les premiers de 7 à √2N+1
    premiers = eratostene(n)
    start_time = time()
    ## On crible
    fam=7    ## ou 1, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, au choix en fonction de n
    crible,lencrible=E_Crible(premiers, n, fam)
    LCrible_2N(premiers, crible, lencrible, n, fam)

main()
system("pause")

```